

## ملخص الدوال الأصلية

1. الدالة الأصلية لدالة : نسمي دالة أصلية للدالة  $f$  على المجال  $I$  كل دالة  $F$  تحقق  $F'(x) = f(x)$  من أجل كل  $x$  من  $I$ .

2. مجموعة الدوال الأصلية لدالة : إذا كانت  $F$  دالة أصلية للدالة  $f$  فإن كل الدوال الأصلية للدالة  $f$

هي الدوال :  $x \longrightarrow F(x) + c$

حيث  $c$  عدد ثابت حقيقي.

3. الدوال الأصلية لدوال مألوفة :

$f(x)$	$F(x)$
$a$	$ax + c$
$x^n$	$\frac{1}{n+1} x^{n+1} + c$
$\frac{1}{x^n} ; n \geq 2$	$-\frac{1}{(n-1)x^{n-1}} + c$
$\frac{1}{\sqrt{x}}$	$2\sqrt{x} + c$
$\cos(x)$	$+\sin(x) + c$
$\sin(x)$	$-\cos(x) + c$

$f(x)$	$h(x) + g(x)$	$k.h(x)$ مع $k$ عدد حقيقي	$h(x)g(x)$	$\frac{h(x)}{g(x)}$
$F(x)$	$H(x) + G(x)$	$kH(x)$	لا توجد قاعدة	

5. حالات خاصة من جداء دالتين أو قسمة دالتين :

$f(x)$	$F(x)$
$U'U^n$  $; n \geq 2 \frac{U'}{U^n}$	$\frac{1}{n+1} U^{n+1} + c$  $-\frac{1}{(n-1)U^{n-1}} + c$
$\frac{U'}{\sqrt{U}}$	$2\sqrt{U} + c$
$U'(x)e^{U(x)}$	$e^{U(x)} + c$
$\frac{U'(x)}{U(x)}$	$\ln U(x) $

6. تعريف التكامل :

$$\int_a^b f(x)dx = [F(x)]_a^b = F(b) - F(a)$$

$f$  دالة مستمرة ورتبية على مجال  $[a, b]$

$\int_a^b f(x)dx$  يمثل مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحنى  $(Cf)$ .

ومحور الفواصل والمستقيمان  $x = a$  و  $x = b$

### 8. خواص التكامل :

$$\int_a^b f(x)dx = - \int_b^a f(x)dx$$

$$\int_a^b f(x)dx + \int_b^c f(x)dx = \int_a^c f(x)dx$$

$$\int_a^b (f(x) + g(x))dx = \int_a^b f(x)dx + \int_a^b g(x)dx$$

علاقة شال الخطية :

$$\int_a^b kf(x)dx = k \int_a^b f(x)dx \quad \text{حيث } k \text{ عدد حقيقي}$$

المقارنة: إذا كان من أجل كل  $x \in [a, b]$  ,  $f(x) \leq g(x)$

فإن :  $\int_a^b f(x)dx \leq \int_a^b g(x)dx$

### 9. القيمة المتوسطة :

$$m = \frac{1}{b-a} \int_a^b f(x)dx$$

$$\int_a^b U(x)V'(x)dx = [U(x)V(x)]_a^b - \int_a^b U'(x)V(x)dx$$

11. الدالة الأصلية  $F$  لدالة  $f$  والتي تنعدم عند  $a$ :

$$F(x) = \int_a^x f(t)dt$$

12. المعادلات التفاضلية:

أ/ حلول المعادلة التفاضلية من الشكل  $y' = f(x)$  هي الدوال  $y = F(x) + c$  حيث  $F$  دالة أصلية لـ  $f$  و  $c$  ثابت حقيقي.

ب/ حلول المعادلة التفاضلية من الشكل  $y'' = f(x)$  هي الدوال  $y = G(x) + c_1x + c_2$  حيث  $c_1$  و  $c_2$  ثابتان حقيقيان.

حيث  $G$  دالة أصلية للدالة  $F$  الدالة الأصلية للدالة  $f$ .